

Tubo abierto de paredes delgadas:

Con p_i :

$$\sigma_r|_{r=r_i} = -p_i \quad \text{para dimensionamiento}$$

$$\sigma_r|_{r=r_e} = 0 \quad e \geq p_i * r_i / \sigma_{adm}$$

$$\sigma_t = cte = \frac{p_i * r_i}{e}$$

Con p_e :

$$\sigma_r|_{r=r_i} = 0$$

$$\sigma_r|_{r=r_e} = -p_e$$

$$\sigma_t = cte = -\frac{p_e * r_i}{e}$$

Tubo cerrado de paredes delgadas:

$$\sigma_l = \frac{p_i * r_i}{2 * e}$$

Para el dimensionamiento

$$e \geq \frac{p_i * r_i}{2 * \sigma_{adm}}$$

Tubos de paredes gruesas:

Con p_i y p_e

$$\sigma_r = \frac{r_i^2 r_e^2 (p_e - p_i)}{r^2} \frac{1}{r^2} + \frac{r_i^2 p_i - r_e^2 p_e}{r^2 - r_i^2}$$

$$\sigma_t = \frac{r_i^2 r_e^2 (p_e - p_i)}{r^2} \frac{1}{r^2} + \frac{r_i^2 p_i - r_e^2 p_e}{r^2 - r_i^2}$$

1°) TPG eje macizo con p_e

$$\sigma_r = \sigma_t = -p_e$$

$$\frac{e}{r_i} < 0,2 \text{ TPD TUBERIAS}$$

$$\frac{e}{r_i} < 0,1 \text{ TPD CALDERAS}$$

2°) TPG de r_i y r_e con p_i

$$\sigma_r = \frac{r_i^2 p_i}{r_e^2 - r_i^2} \left(1 - \frac{r_e^2}{r^2} \right) \longrightarrow r = r_i \left\{ \begin{array}{l} \sigma_r = -p_i \\ \sigma_t = p_i \frac{r_i^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_i^2} \end{array} \right.$$

$$\sigma_t = \frac{r_i^2 p_i}{r_e^2 - r_i^2} \left(1 + \frac{r_e^2}{r^2} \right) = r_e \left\{ \begin{array}{l} \sigma_r = 0 \\ \sigma_t = \frac{2 p_i r_i^2}{r_e^2 - r_i^2} \end{array} \right.$$

$$\frac{r_i^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_i^2} > \frac{2 r_i^2}{r_e^2 - r_i^2}$$

En r_i hay mayor tensión; aplicando TMAX.

Para dimensionar r_e :

$$p_i \frac{r_i^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_i^2} - (-p_i) \leq \sigma_{adm} \longrightarrow r_e = \frac{r_i}{\sqrt{1 - \frac{2 p_i}{\sigma_{adm}}}}$$

3°) tubo cerrado con p_i :

$$\sigma_l = \frac{p_i r_i^2}{r_e^2 - r_i^2}$$

ACLARACION: $\sigma_l = \sigma_z$

6°) tubo cerrado con p_e y p_i :

$$\sigma_l = -\frac{p_i r_i^2 - p_e r_e^2}{r_e^2 - r_i^2}$$

4°) tubo abierto de r_i y r_e con p_e :

$$\sigma_r = \frac{r_i^2 p_e}{r_e^2 - r_i^2} \left(1 - \frac{r_e^2}{r^2} \right)$$

$$\sigma_t = -\frac{r_i^2 p_e}{r_e^2 - r_i^2} \left(1 + \frac{r_e^2}{r^2} \right)$$

5°) tubo cerrado con p_e :

$$\sigma_l = -\frac{p_e r_e^2}{r_e^2 - r_i^2}$$

En este caso aplicando TMAX.

$$\sigma_1 = \sigma_r; \sigma_2 = \sigma_l; \sigma_3 = \sigma_t$$

CASO TP CALDERA

$$\sigma_{n1} = \frac{\sigma_t + \sigma_l}{2} + \frac{\sigma_t - \sigma_l}{2} \cos(2\theta) - \tau_{xy} \cdot \sin(2\theta)$$

$$\tau_{n1} = \frac{\sigma_t - \sigma_l}{2} \sin(2\theta) + \tau_{xy} \cdot \cos(2\theta)$$

Teoría de falla:

Caso de ser τ de subíndices x e y, las tensiones ser σ_x, σ_y no pueden ser principales, para obtener las tensiones principales tendríamos:

$$\sigma_{1;2} = \frac{\sigma_x + \sigma_z}{2} \pm \frac{1}{2} \sqrt{(\sigma_x - \sigma_z)^2 + 4\tau_{xy}^2}$$

Si las tensiones son iguales

$$\sigma^2_{adm} = \sigma^2_r + \sigma^2_t - \sigma_r \cdot \sigma_t$$

Si $\sigma_r = \sigma_t$ y hay σ_z

$$\sigma_{1;2} = \frac{\sigma_z}{2} \pm \frac{1}{2} \sqrt{(\sigma_z)^2 + 4\tau_{xy}^2}$$

Si $\sigma_r \neq \sigma_t$ y hay Si τ_{zx}

$$\sigma_{1;2} = \frac{\sigma_t}{2} \pm \frac{1}{2} \sqrt{(\sigma_t)^2 + 4\tau_{zx}^2}$$

Si se tiene $\sigma_r; \sigma_t; \sigma_z$ y σ_r es la tension principal:

$$\sigma_{1;2} = \frac{\sigma_x + \sigma_z}{2} \pm \frac{1}{2} \sqrt{(\sigma_x - \sigma_z)^2 + 4\tau_{xy}^2}$$

Tubo cerrado caldera y cañería :

$$\sigma_{zmax}(Mf) = \frac{Mf}{\pi \cdot e \cdot r^2}$$

$$\tau_{xz} = \frac{Mt}{2\pi \cdot e \cdot r^2} = \frac{Mt}{Wp}$$

$$\sigma_z(N) = \frac{N}{2\pi \cdot r_i \cdot e}$$

Tubo cerrado TPG

$$\sigma_z(Mf) = \frac{Mf \cdot y}{J_{xx}} = \frac{64 \cdot Mf \cdot y}{\pi \cdot (de^4 - di^4)}$$

$$\tau_{xz}(Mt) = \frac{32Mt \cdot \rho}{\pi \cdot (de^4 - di^4)} = \frac{16 \cdot Mt \cdot d_{i,e}}{\pi \cdot (de^4 - di^4)} = \frac{Mt \cdot \rho}{J_p}$$

$$\sigma_z(N) = \frac{4 \cdot N}{\pi \cdot (de^2 - di^2)}$$

MACISO:

$$\sigma_z(N) = \frac{N}{\pi \cdot d^2} = \frac{N}{F}$$

$$\tau_{xz} = \frac{Mt}{\pi \cdot d^3} = \frac{Mt}{Wp}$$

$$\sigma_z(Mf) = \frac{32 \cdot Mf}{\pi \cdot d^2}$$

Caso punzon del tp:

$$\Delta r = a \cdot \beta / 2$$

$$\Delta r = \frac{r}{E} (\sigma t - \mu \sigma r)$$

La presion po actuara como Pi r=ri

$$\frac{a}{2} \beta = \frac{r_i}{E} \left(p_o \cdot \frac{r_1^2 + r_2^2}{r_1^2 - r_2^2} + \mu \cdot p_o \right)$$

$$p_o = \frac{a \cdot \beta \cdot E}{2 \cdot r_1} \cdot \frac{r_2^2 - r_1^2}{r_1^2 + r_2^2 + \mu(r_2^2 - r_1^2)}$$

$$\sigma r_{max} = -p_o = \frac{a \cdot \beta \cdot E}{2 \cdot r_1} \cdot \frac{r_1^2 - r_2^2}{r_1^2 + r_2^2 + \mu(r_2^2 - r_1^2)}$$

$$\sigma t_{max} = p_o \frac{r_2^2 + r_1^2}{r_2^2 - r_1^2} = \frac{a \cdot \beta \cdot E}{2 \cdot r_1} \cdot \frac{r_1^2 + r_2^2}{r_1^2 + r_2^2 + \mu(r_2^2 - r_1^2)}$$

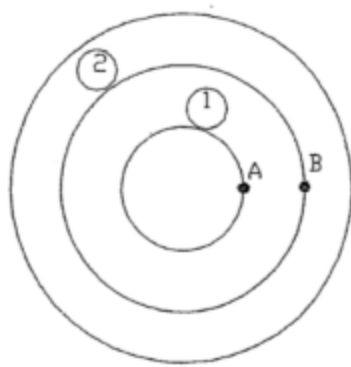
Para calcular beta:

$$\Delta r_2 = \frac{r_2}{E} (\sigma t_2 - \mu \sigma r_2)$$

En r=r2

$$\Delta r_2 = \frac{r_2}{E} \sigma t = \frac{r_2 a \beta E}{E \cdot 2 r_1} \frac{(r_2^2 - r_1^2) \cdot 2 r_1^2}{r_1^2 + r_2^2 + \mu(r_2^2 - r_1^2) \cdot (r_2^2 - r_1^2)}$$

$$\beta = \frac{\Delta r_2 r_1^2 + r_2^2 + \mu(r_2^2 - r_1^2)}{r_2 a \cdot r_1}$$



Tubos zunchados:

$$\sigma_{t,r} = \frac{r_i^2 p_i}{r_e^2 - r_i^2} \left(1 \pm \frac{r_e^2}{r^2} \right)$$

caso: 2 TPG

Tensiones en los tubos debido a la P_c

$$\text{tubo 1} \begin{cases} \sigma_r|_{r=r_i} = 0 \\ \sigma_r|_{r=r_m} = -p_c \\ \sigma_t|_{r=r_i} = -2p_c \frac{r_m^2}{r_m^2 - r_i^2} \\ \sigma_t|_{r=r_m} = -p_c \frac{r_m^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_m^2} \end{cases}$$

$$\text{tubo 2} \begin{cases} \sigma_r|_{r=r_m} = -p_c \\ \sigma_r|_{r=r_e} = 0 \\ \sigma_t|_{r=r_m} = p_c \frac{r_m^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_m^2} \\ \sigma_t|_{r=r_e} = 2p_c \frac{r_m^2}{r_e^2 - r_m^2} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \varepsilon_{t2} - \varepsilon_{t1} &= \frac{\Delta}{r_m} \\ \varepsilon_{t2} &= \frac{1}{E} (\sigma_{t2} - \mu \sigma_{r2}) \end{aligned}$$

Presiones de contacto

Conociendo el Huelgo:

$$p_c = \frac{\Delta E (r_m^2 - r_i^2)(r_e^2 - r_m^2)}{2 r_m^3 (r_e^2 - r_i^2)}$$

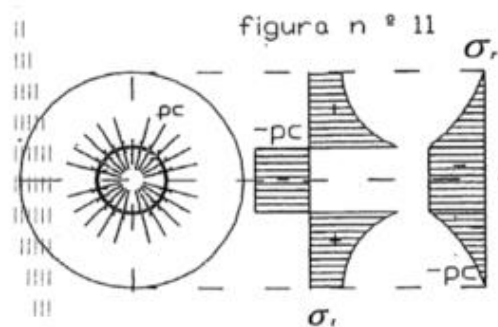
Sin conocer el huelgo:

$T_{max.a} = T_{max.b}$ siendo $T_{max.a} = \frac{\sigma_t|_{r=r_i} - \sigma_t|_{r=r_i}}{2}$;

$$T_{max.b} = \frac{\sigma_t|_{r=r_m} - \sigma_t|_{r=r_m}}{2}$$

Igualo y despeja p_c

TUBO MONTADO SOBRE EJE MACIZO:



Tensiones en los tubos debido a P_c

$$\text{eje macizo} \begin{cases} \sigma_r|_{r=r_m} = -p_c \\ \sigma_t|_{r=r_m} = -p_c \end{cases} \text{ va}$$

$$\text{tubo} \begin{cases} \sigma_r|_{r=r_m} = -p_c \\ \sigma_t|_{r=r_m} = p_c \frac{r_m^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_m^2} \\ \sigma_r|_{r=r_e} = 0 \\ \sigma_t|_{r=r_e} = 2p_c \frac{r_m^2}{r_e^2 - r_m^2} \end{cases}$$

Presiones de contacto

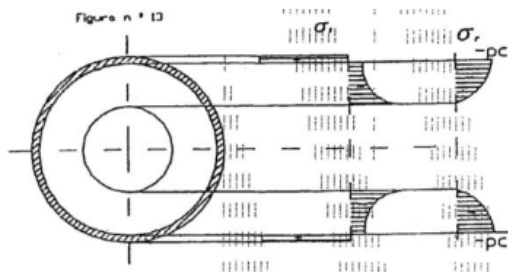
Conociendo el huelgo:

$$p_c = \frac{\Delta E}{2 r_m r_e} (r_e^2 - r_m^2)$$

Conociendo la tensión admisible:

$$p_c = \frac{\sigma_{adm}}{2} \frac{r_e^2 - r_m^2}{r_e^2}$$

TUBO INTERIOR DE PARED GRUESA Y TUBO EXTERIOR PARED D



Tensiones en los tubos debido a P_c

$$\begin{aligned} \text{tubo 1} \left\{ \begin{aligned} \sigma_r|_{r=ri} &= 0 \\ \sigma_t|_{r=ri} &= -2P_c \frac{r_m^2}{r_m^2 - r_i^2} \\ \sigma_r|_{r=rm} &= -P_c \\ \sigma_t|_{r=rm} &= -P_c \frac{r_m^2 + r_i^2}{r_m^2 - r_i^2} \end{aligned} \right. \\ \text{tubo 2} \left\{ \begin{aligned} \sigma_r|_{r=rm} &= 0 \\ \sigma_t|_{r=rm} &= P_c \frac{r_m}{r_e - r_m} \\ \sigma_r|_{r=re} &= 0 \\ \sigma_t|_{r=re} &= P_c \frac{r_m}{r_e - r_m} \end{aligned} \right. \end{aligned}$$

Presiones de contacto

Conociendo el huelgo:

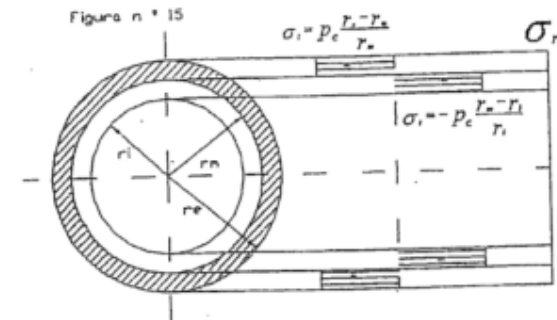
$$P_c = \frac{\Delta E}{r_m} \frac{(r_m^2 - r_i^2)(r_e - r_m)}{2r_m^3 - r_e(r_m^2 + r_i^2) + \mu(r_e - r_m)(r_m^2 - r_i^2)}$$

Conociendo la tensión admisible:

$$\text{Si } \frac{r_i}{r_m} < 0,6 \Rightarrow P_c = \sigma_{adm} \frac{r_e - r_m}{r_m}$$

$$\text{SINO } P_c = \sigma_{adm} \frac{r_m^2 - r_i^2}{2r_m^2}$$

2 TUBOS DE PAREDES DELGADAS MISMO MATERIAL:



Tensiones en los tubos debido a P_c

$$\begin{aligned} \text{tubo 1} \left\{ \begin{aligned} \sigma_r|_{r=ri} &= \sigma_r|_{r=rm} = 0 \\ \sigma_t|_{r=ri} &= \sigma_t|_{r=rm} = -P_c \frac{r_i}{r_m - r_i} \end{aligned} \right. \\ \text{tubo 2} \left\{ \begin{aligned} \sigma_r|_{r=rm} &= \sigma_r|_{r=re} = 0 \\ \sigma_t|_{r=rm} &= \sigma_t|_{r=re} = P_c \frac{r_m}{r_e - r_m} \end{aligned} \right. \end{aligned}$$

Presiones de contacto

Conociendo el huelgo:

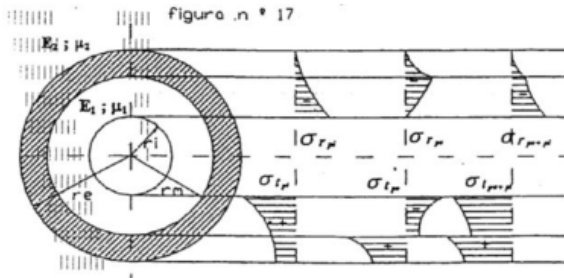
$$P_c = \frac{\Delta E}{r_m} \frac{r_m r_i}{r_i(r_e - r_m) + r_m(r_m - r_i)}$$

Conociendo la tensión admisible:

$$\begin{cases} \text{tubo 1} \rightarrow P_c = \sigma_{adm} \frac{r_m - r_i}{r_i} \\ \text{tubo 2} \rightarrow P_c = \sigma_{adm} \frac{r_e - r_m}{r_m} \end{cases}$$

SE TOMA LA MENOR DE LAS 2

2 TUBOS DE PAREDES GRUESAS DE DISTINTO MATERIAL:



Tensiones en los tubos debido a P_c

$$\begin{cases} \sigma_{tr} \big|_{r=r_i} = 0 \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_i} = -2 P_c \frac{r_m^2}{r_m^2 - r_i^2} \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_m} = -P_c \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_m} = -P_c \frac{r_m^2 + r_i^2}{r_m^2 - r_i^2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sigma_{tr} \big|_{r=r_m} = -P_c \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_m} = P_c \frac{r_m^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_m^2} \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_e} = 2 P_c \frac{r_m^2}{r_e^2 - r_m^2} \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_e} = 0 \end{cases}$$

Presiones de contacto

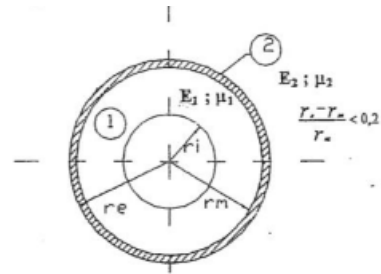
Conociendo el huelgo:

$$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \left(\frac{r_m^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_m^2} + \mu_2 \right) + \frac{1}{E_1} \left(\frac{r_i^2 + r_m^2}{r_m^2 - r_i^2} - \mu_1 \right)}$$

CASO INTERNO MACIZO:

$$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \left(\frac{r_m^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_m^2} + \mu_2 \right) + \frac{1}{E_1} (1 - \mu_1)}$$

TUBO INTERIOR PARED GRUESA Y EXTERIOR DE PARED DELGADA DIF MATERIALESS



Tensiones en los tubos debido a P_c

$$\begin{cases} \sigma_{tr} \big|_{r=r_i} = 0 \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_i} = -2 P_c \frac{r_m^2}{r_m^2 - r_i^2} \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_m} = -P_c \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_m} = -P_c \frac{r_m^2 + r_i^2}{r_m^2 - r_i^2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sigma_{tr} \big|_{r=r_m} = 0 \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_m} = +P_c \frac{r_m}{r_e - r_m} \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_e} = P_c \frac{r_m}{r_e - r_m} \\ \sigma_{tr} \big|_{r=r_e} = 0 \end{cases}$$

Presiones de contacto

Conociendo el huelgo:

$$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \left(\frac{r_m}{r_e - r_m} \right) - \frac{1}{E_1} \left(\mu_1 - \frac{r_m^2 + r_i^2}{r_m^2 - r_i^2} \right)}$$

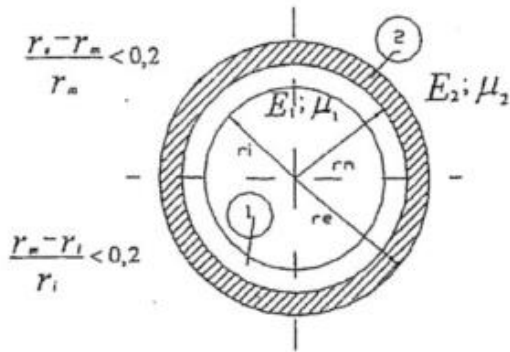
Conociendo la tensión admisible:

$$P_c = \sigma_{adm,1} \frac{r_m^2 - r_i^2}{2 r_i^2}$$

$$P_c = \sigma_{adm,2} \frac{r_e - r_m}{r_m}$$

SE ELIGE LA MAS CHICA

TUBO INTERIOR PARED DELGADA Y EXTERIOR DE PARED DELGADA DIF MATERIALES



Tensiones en los tubos debido a P_c

$$\text{tubo 1} \begin{cases} \sigma_r|_{r=r_i} = \sigma_r|_{r=r_m} = 0 \\ \sigma_t|_{r=r_i} = \sigma_t|_{r=r_m} = -P_c \frac{r_i}{r_m - r_i} \end{cases}$$

$$\text{tubo 2} \begin{cases} \sigma_r|_{r=r_m} = \sigma_r|_{r=r_e} = 0 \\ \sigma_t|_{r=r_m} = \sigma_t|_{r=r_e} = P_c \frac{r_m}{r_e - r_m} \end{cases}$$

Presiones de contacto

Conociendo el huego:

$$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \frac{r_m}{r_e - r_m} + \frac{1}{E_1} \frac{r_i}{r_m - r_i}}$$

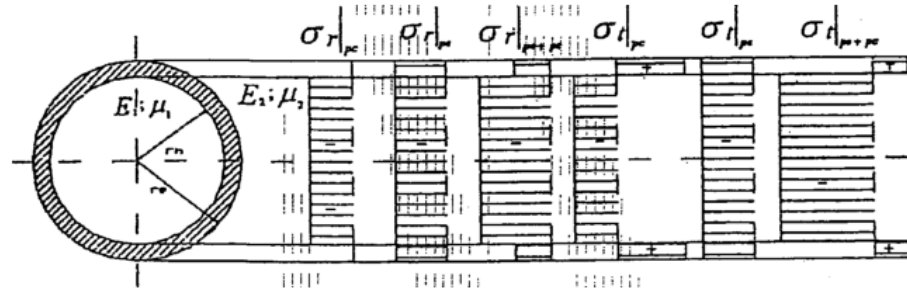
Conociendo la tensión admisible:

$$P_c = \sigma_{adm_1} \frac{r_m - r_i}{r_i}$$

$$P_c = \sigma_{adm_2} \frac{r_e - r_m}{r_m}$$

SE ELIGE LA MAS CHICA

TUBO INTERIOR MACIZO Y EXTERIOR DE PARED DELGADA DISTINTOS MATERIAL:



Tensiones en los tubos debido a P_c

$$\text{macizo 1} \begin{cases} \sigma_r = -P_c \\ \sigma_t = -P_c \end{cases}$$

$$\text{tubo 2} \begin{cases} \sigma_t = 0 \\ \sigma_r = P_c \frac{r_m}{r_e - r_m} \end{cases}$$

Presiones de contacto

Conociendo el huego:

$$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \frac{r_m}{r_e - r_m} + \frac{1}{E_1} (1 - \mu_1)}$$

Conociendo la tensión admisible:

$$P_c = \sigma_{adm_1}$$

$$P_c = \sigma_{adm_2} \frac{r_e + r_m}{r_m}$$

SE ELIGE LA MAS CHICA

Tabla de presiones de contacto de algunas configuraciones de 2 tubos zunchados, conociendo el huelgo radial Δ , y, considerando radio interior r_i , radio medio r_m , y radio exterior r_e (en el caso de ejes se consideran r_e y r_m).

Diferentes casos	P_c
1 °) Dos tubos de pared gruesa del mismo material	$P_c = \frac{\Delta E (r_m^2 - r_i^2) (r_e^2 - r_m^2)}{2 r_m^3 (r_e^2 - r_i^2)}$
2 °) Tubo montado sobre un eje macizo del mismo material	$P_c = \frac{\Delta E}{2 r_m r_e} (r_e^2 - r_m^2)$
3 °) Tubo interior de pared gruesa y exterior de pared delgada del mismo material	$P_c = \frac{\Delta E}{r_m} \frac{(r_m^2 - r_i^2) (r_e - r_m)}{2 r_m^3 - r_e (r_m^2 + r_i^2) + \mu (r_e - r_m) (r_m^2 - r_i^2)}$
4 °) Tubo interior macizo y exterior de pared delgada del mismo material	$P_c = \frac{\Delta E}{r_m} \frac{(r_e - r_m)}{2 r_m - r_e + \mu (r_e - r_m)}$
5 °) Dos tubos de pared delgada del mismo material	$P_c = \frac{\Delta E}{r_m} \frac{r_m (r_e - r_m)}{r_i (r_e - r_m) + r_m (r_m - r_i)}$
6 °) Dos tubos de pared gruesa de diferentes materiales	$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \left(\frac{r_m^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_m^2} + \mu_2 \right) + \frac{1}{E_1} \left(\frac{r_i^2 + r_m^2}{r_m^2 - r_i^2} - \mu_1 \right)}$
7 °) Un eje macizo y un tubo exterior de pared gruesa de diferentes materiales	$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \left(\frac{r_m^2 + r_e^2}{r_e^2 - r_m^2} + \mu_2 \right) + \frac{1}{E_1} (1 - \mu_1)}$
8 °) Dos tubos de diferentes materiales, con tubo exterior de pared delgada	$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \left(\frac{r_m}{r_e - r_m} \right) - \frac{1}{E_1} \left(\mu_1 - \frac{r_m^2 + r_i^2}{r_m^2 - r_i^2} \right)}$
9 °) Dos tubos de pared delgada de diferentes materiales	$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \frac{r_m}{r_e - r_m} + \frac{1}{E_1} \frac{r_i}{r_m - r_i}}$
10 °) Eje macizo y tubo exterior de pared delgada, de diferentes materiales	$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \frac{r_m}{r_e - r_m} + \frac{1}{E_1} (1 - \mu_1)}$
11 °) Tubo interior de pared delgada y exterior de pared gruesa, del mismo material	$P_c = \frac{\Delta E}{r_m} \frac{1}{\frac{r_e^2 + r_m^2}{r_e^2 - r_m^2} + \mu + \frac{r_m}{r_m - r_i}}$
12 °) Tubo interior de pared delgada y exterior de pared gruesa, de diferentes materiales	$P_c = \frac{\Delta}{r_m} \frac{1}{\frac{1}{E_2} \left(\frac{r_e^2 + r_m^2}{r_e^2 - r_m^2} + \mu_2 \right) + \frac{1}{E_1} \frac{r_m}{r_m - r_i}}$

$$P_i: \sigma_r = -P_i \text{ en } r = r_i \quad \sigma_r = 0 \text{ en } r = r_e \quad \sigma_t = P_i \frac{r_i}{e} \quad \sigma_z = \frac{\sigma_t}{2} (\text{cerrado})$$

$$P_e: \sigma_t = -P_e \frac{r_e}{e} \quad \sigma_r = 0 \quad \frac{e}{r_i} \leq 0,2 \text{ (Tubos de pared delgada abiertos)}$$

$$\frac{e}{r_i} \leq 0,1 \text{ (Tubos de pared delgada cerrados)}$$

$$\sigma_z = \frac{M_f \cdot y}{J}$$

Tubos de pared gruesa.

Ecuaciones de Lame:

$$\sigma_r = \frac{P_i r_i^2}{r_e^2 - r_i^2} \left(1 - \frac{r_e^2}{r^2}\right)$$

$$\sigma_t = \frac{P_i r_i^2}{r_e^2 - r_i^2} \left(1 + \frac{r_e^2}{r^2}\right)$$

$$\sigma_r = \frac{-P_e r_e^2}{r_e^2 - r_i^2} \left(1 - \frac{r_i^2}{r^2}\right)$$

$$\sigma_t = \frac{-P_e r_e^2}{r_e^2 - r_i^2} \left(1 + \frac{r_i^2}{r^2}\right)$$

Tubos zunchados

$$\varepsilon_t = \frac{1}{E} \cdot (\sigma_t - \mu \sigma_r)$$

Discos Giratorios.

$$\sigma_r = \frac{\gamma \omega^2 r_e^2}{g} \times \frac{3 + \mu}{8} \left[1 + \left(\frac{r_i}{r_e}\right)^2 - \left(\frac{r_i}{r}\right)^2 - \left(\frac{r}{r_e}\right)^2\right]$$

$$\sigma_t = \frac{\gamma \omega^2 r_e^2}{g} \times \frac{3 + \mu}{8} \left[1 + \left(\frac{r_i}{r_e}\right)^2 + \left(\frac{r_i}{r}\right)^2 - \left(\frac{r}{r_e}\right)^2 \frac{1 + 3\mu}{3 + \mu}\right]$$

$$\sigma_r \text{ máximo} = \frac{\gamma \cdot \omega^2 \cdot r_e^2}{g} \cdot \frac{3 + \mu}{8} \cdot \left[1 - \frac{r_i}{r_e}\right]^2$$

$$\omega_{crítica} = \sqrt{\frac{\sigma_{adm}}{k_1 \cdot r_e^2 \cdot [2 + \alpha^2 \cdot (1 - k_2)]}}$$

$$k_1 = \frac{\gamma}{g} \cdot \frac{3+\mu}{8} \quad k_2 = \frac{1+3\mu}{3+\mu} \quad \alpha = \frac{r_i}{r_e}$$

Espesor variable en función del radio.

$$2t = 2t_0 e^{-\frac{\gamma \omega^2}{2g \sigma_{adm}} r^2}$$

Macizo

$$\omega_{crítica} = \sqrt{\frac{\sigma_{adm}}{k_1 \cdot r_e^2}}$$

$$\sigma_r = \frac{\gamma \omega^2 r_e^2}{g} \times \frac{3+\mu}{8} \left[1 - \left(\frac{r}{r_e} \right)^2 \right]$$

$$\sigma_t = \frac{\gamma \omega^2 r_e^2}{g} \times \frac{3+\mu}{8} \left[1 - \left(\frac{r}{r_e} \right)^2 \right] \frac{1+3\mu}{3+\mu}$$

Teorías de fallas

Máxima tensión principal $\sigma_{adm} \geq \frac{\sigma_x + \sigma_y}{2} + \frac{1}{2} \cdot \sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4\tau^2}$

Máxima tensión tangencial $\sigma_{max} - \sigma_{min} \leq \sigma_{adm}$

Máxima dilatación lineal $\frac{1}{E} \cdot (\sigma_1 - \mu\sigma_2 - \mu\sigma_3) \leq \frac{\sigma_{adm}}{E.N}$

Máxima energía de deformación total

$$\sqrt{\sigma_1^2 + \sigma_2^2 + \sigma_3^2 - 2\mu(\sigma_1\sigma_2 + \sigma_2\sigma_3 + \sigma_3\sigma_1)} \leq \frac{\sigma_{adm}}{n}$$

$$\frac{dt_{max. aob}}{drm} = 0$$

$$rm = \sqrt{re \cdot ri}$$

$$T_{max. aob} = \frac{pi}{2} \frac{re}{re - ri} = \frac{\sigma_{adm}}{2}$$

$$\Delta = \frac{pi}{E} \sqrt{ri \cdot re}$$

Tubo montado sobre eje macizo

$$pc = \frac{\sigma_{adm} * (re^2 - rm^2)}{2 re^2}$$

$$\Delta = 2 \frac{pc}{E} \frac{rm \cdot re^2}{re^2 - rm^2}$$

Tubo interior de pared gruesa y exterior de pared delgada.

$$pc = \sigma_{adm} \frac{rm^2 - ri^2}{2rm^2}$$

Dos tubos zunchados de paredes delgadas:

Tubo 1:

$$pc = \sigma_{adm} \frac{rm - ri}{ri}$$

Tubo 2:

$$pc = \sigma_{adm} \frac{re - rm}{rm}$$

$$\frac{d\sigma_r}{dr} = 0 = 2 \frac{r_i^2}{r^3} - 2 \frac{r}{r_e^2} \quad \text{correspondiendo un valor } r \rightarrow r = \sqrt{r_i \cdot r_e}$$

Si reemplazamos este valor en la fórmula de σ_r de las expresiones 4, resulta:

$$\sigma_{r\max} = \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8} \left(1 + \frac{r_i^2}{r_e^2} - \frac{r_i^2}{r_i \cdot r_e} - \frac{r_i \cdot r_e}{r_e^2} \right) = \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8} \left(1 + \frac{r_i^2}{r_e^2} - 2 \frac{r_i}{r_e} \right)$$

$$\sigma_{r\max} = \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8} \left(1 - \frac{r_i}{r_e} \right)^2 \quad \text{siendo } \frac{r_i}{r_e} < 1 \rightarrow \left(1 - \frac{r_i}{r_e} \right) > 0, \text{ pues } \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8} = cte$$

positiva, en consecuencia $\sigma_{r\max}$ es positiva, implicando $\sigma_{r\max}$ es de tracción

En cuanto al máximo valor de σ_t se obtiene para $r = r_i$, según se puede observar de la fórmula σ_t correspondiente a las expresiones 4, resultando de reemplazar r por r_i en esta fórmula:

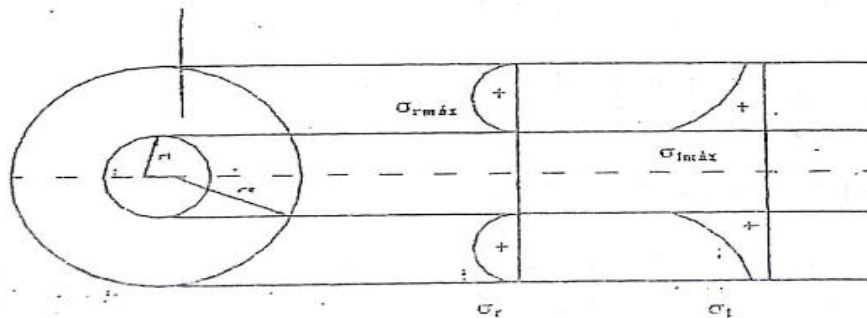
$$\sigma_{t\max} = \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8} \left[2 + \left(\frac{r_i}{r_e} \right)^2 \left(1 - \frac{1+3\mu}{3+\mu} \right) \right] \quad \text{siendo } \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8} > 0, \text{ al igual que}$$

el corchete, también resultará $\sigma_{t\max}$ positiva, o sea de tracción. Resultando, además

$$\sigma_{t\max} > \sigma_{r\max}$$

En cuanto a la distribución de tensiones en función del radio r , en la figura n° 3 se muestra esta variación.

figura n° 3



$$\begin{cases} \sigma_r|_{r=r_i} = 0 \\ \sigma_t|_{r=r_i} = \sigma_{t\max} \end{cases}$$

Luego, aplicando la teoría de rotura de la máxima tensión tangencial.

$$\frac{\sigma_1 - \sigma_2}{2} \leq \frac{\sigma_{adm}}{2} \quad \text{en nuestro caso } \sigma_2 = 0, \text{ y } \sigma_1 = \sigma_{t\max} \text{ y llamando a las constantes}$$

$$k_1 = \frac{3+\mu}{8} \frac{\gamma}{g}, \quad k_2 = \frac{1+3\mu}{3+\mu} \quad \text{y } \alpha = \frac{r_i}{r_e}$$

$\sigma_{adm} = \sigma_{t\max}$ por la teoría de falla y reemplazando las constantes anteriores nos queda:

$$\sigma_{t\max} = k_1 \cdot \omega^2 r_e^2 [2 + \alpha^2 (1 - k_2)] = \sigma_{adm} \quad \text{despejando de esta ecuación } \omega, \text{ siendo esta } \omega_{crit} \text{ resultará:}$$

$$\omega_{crit} = \frac{\sqrt{\sigma_{adm}}}{r_e \sqrt{k_1 [2 + \alpha^2 (1 - k_2)]}}$$

Según podemos observar, los valores máximos resultan para $r=0$, cuyas expresiones 6 se informan a continuación, siendo iguales en valor $\sigma_{r\text{máx}} = \sigma_{t\text{máx}}$

$$\sigma_{r\text{máx}} = \sigma_{t\text{máx}} = \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8}$$

Disco con un pequeño orificio central

$$\sigma_{t\text{máx}} = \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8} \cdot 2 = \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{4} \quad \omega = \frac{\pi \cdot n}{30}$$

Disco con r_i y r_e

$$\begin{cases} \sigma_r = \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8} \left[1 + \left(\frac{r_i}{r_e} \right)^2 - \left(\frac{r_i}{r} \right)^2 - \left(\frac{r}{r_e} \right)^2 \right] \\ \sigma_t = \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8} \left[1 + \left(\frac{r_i}{r_e} \right)^2 + \left(\frac{r_i}{r} \right)^2 - \left(\frac{r}{r_e} \right)^2 \frac{1+3\mu}{3+\mu} \right] \end{cases}$$

Máximo sigma r:

$$r = \sqrt{r_i \cdot r_e}$$

$$\sigma_{r\text{máx}} = \frac{\gamma \cdot \omega^2 r_e^2}{g} \frac{3+\mu}{8} \left[1 - \frac{r_i}{r_e} \right]^2$$

Caso tp 4 con rodamiento

$$\epsilon_r = \frac{1}{E} [\sigma_r - \mu(\sigma_x + \sigma_y)] = 0 \quad \sigma_r = \mu(\sigma_x + \sigma_y)$$

$$N = \int_0^{r'} \sigma_r \cdot dF = \int_0^{r'} \sigma_r \cdot 2\pi r \cdot dr$$